

Einführung in die Astronomie

Wintersemester 2006/2007 Beispielklausur

Allgemeine Regeln

- Die Bearbeitungszeit der Klausur beträgt eine Stunde (60 Minuten).
- Außer eines Taschenrechners sind keine Hilfsmittel erlaubt.
- Beide Fragen sind zu bearbeiten.
- Die maximal erreichbare Punktzahl beträgt 50 Punkte.

Nützliche Konstanten

Astronomische Einheit	$1 \text{ AU} = 150 \times 10^6 \text{ km}$
Jahreslänge	1 Jahr = 365.25 Tage
Tageslänge	1 Tag = 86400 s
Stefan-Boltzmann Konstante	$\sigma_{\rm SB} = 5.7 \times 10^{-8} \mathrm{W m^{-2} K^{-4}}$
Gravitationskonstante	$G = 6.67 \times 10^{-11} \mathrm{m}^3 \mathrm{kg}^{-1} \mathrm{s}^{-2}$
Sonnenmasse	$M_{\odot} = 2 \times 10^{30} \mathrm{kg}$
Erdmasse	$M_{\rm \dot{\Box}} = 6 \times 10^{24} \mathrm{kg}$
Lichtgeschwindigkeit	$c = 300000 \mathrm{km}\mathrm{s}^{-1}$

Frage 1: Sonnensystem

- a) Komet Wild 2 hat eine Perihelentfernung von 1.583 AU
 - i. Die Exzentrizität der Bahn ist e = 0.540. Berechnen Sie die große und kleine Halbachsen der Bahn. (3 **Punkte**)
 - ii. Bestimmen Sie die Bahnperiode des Kometen. (2 Punkte)
 - iii. Berechnen Sie die Aphel-Entfernung von Wild 2. (1 Punkt)
 - iv. Skizzieren Sie die Bahnen von Wild 2, Mars und Jupiter. Sie können annehmen, daß die Jupiter- und Marsbahnen kreisförmig sind. Die Bahnperiode von Mars ist $P_{\circlearrowleft} = 1.88$ Jahre, die des Jupiter beträgt $P_{\uparrow} = 11.86$ Jahre. (**5 Punkte**)
- b) Die Jupitermonde umkreisen den Planeten auf Kreisbahnen. Die Bahnperiode von Europa beträgt $P_{\text{Europa}} = 3.55 \,\text{Tage}$ und ihre Halbachse ist $a_{\text{Europa}} = 671000 \,\text{km}$. Bestimmen Sie aus diesen Angaben die Masse des Jupiter und geben Sie diese in kg und Erdmassen an. Welche Annahmen benutzen Sie? (6 Punkte)
- c) Vergleichen Sie in tabellarischer Form die Planeten Erde und Mars. Gehen Sie dabei auf die Atmosphärenzusammensetzung, Kraterhäufigkeit, Vulkanismus und Oberflächenmerkmale ein. (8 Punkte)

Frage 2: Sterne

- a) Die Solarkonstante, d.h. der auf der Erde von der Sonne empfangene Strahlungsfluß beträgt $F = 1370 \,\mathrm{W \, m^{-2}}$.
 - i. Bestimmen Sie aus den obigen Angaben die Leuchtkraft der Sonne. (3 Punkte)
 - ii. Von der Erde aus betrachtet hat die Sonne einen Winkeldurchmesser von 0.5°. Bestimmen Sie daraus den Durchmesser der Sonne in km. Welche N\u00e4herungen k\u00f6nnen Sie machen? (2 Punkte)
 - iii. Bestimmen Sie aus diesen Ergebnissen die pro Quadratmeter Sonnenoberfläche emittierte Leistung. (2 Punkte)
 - iv. Bestimmen Sie mit Hilfe des Stefan-Boltzmann'schen Gesetzes die Oberflächentemperatur der Sonne. (2 Punkte)
- b) Die absolute Helligkeit von RR Lyrae-Sternen beträgt $M_{RR} = 0.6$ mag bei einer Oberflächentemperatur von 7000 K.
 - i. In einem Kugelsternhaufen werden RR Lyr-Sterne mit einer scheinbaren Helligkeit von m = 17 mag beobachtet. Geben Sie das Entfernungsmodul des Kugelsternhaufens an und berechnen Sie seine Entfernung in Parsec und Lichtjahren. Sie können annehmen, daß der Durchmesser des Kugelsternhaufens klein ist gegenüber seiner Entfernung. (3 Punkte)
 - ii. Berechnen Sie die Leuchtkraft der RR Lyr-Sterne in Einheiten der Sonnenleuchtkraft. Die absolute Helligkeit der Sonne beträgt 4.8 mag. (2 Punkte)
 - iii. Zeichnen Sie in ein typisches Hertzsprung-Russell-Diagramm die Lage der Hauptreihe, der Sonne und der RR Lyr-Sterne ein. (**5 Punkte**)
 - iv. Schätzen Sie unter Verwendung der obigen Zahlenwerte die typischen Radien von RR Lyr Sternen ab. (3 Punkte)
- c) i. Ermitteln Sie mit Hilfe der Masse-Leuchtkraft-Beziehung die typische Leuchtkraft eines Sterns mit einer Masse von 5 M_{\odot} . (3 Punkte)
 - ii. Schätzen Sie die typische Verweildauer dieses Sterns auf der Hauptreihe ab, unter der Annahme, daß Hauptreihensterne 10% ihrer Masse in Helium fusionieren und daß der Stern zu 80% aus Wasserstoff besteht. (3 Punkte)